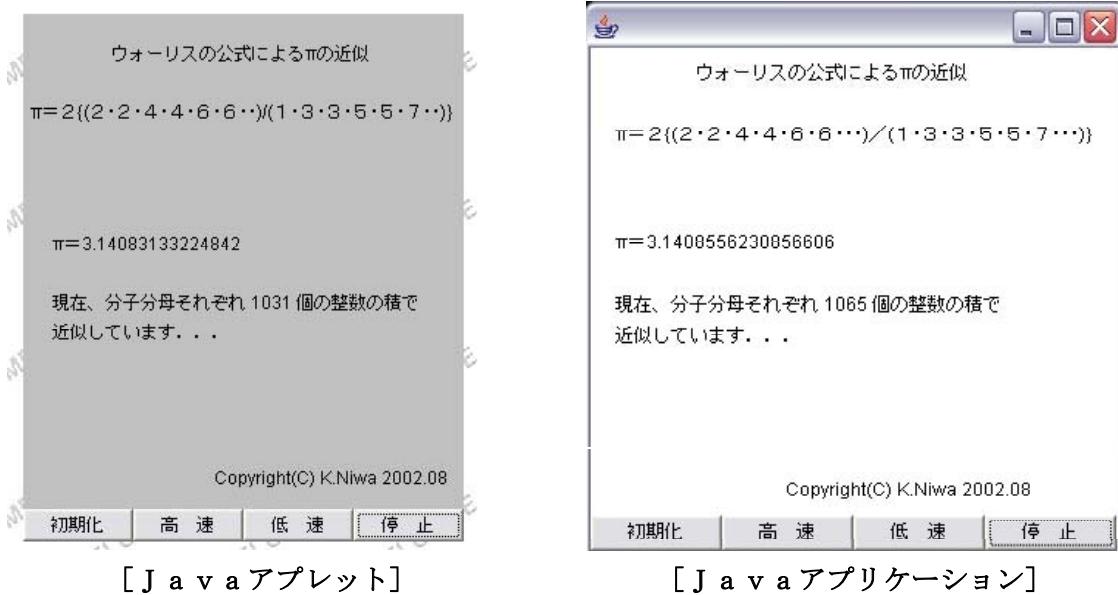


# 【ウォーリスの公式】



## 1. はじめに

次のウォーリスの公式を用いて  $\pi$  の近似値を求めてみましょう。

### [ウォーリスの公式]

$$\pi = 2 \left\{ \frac{2 \cdot 2 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 6 \cdot 6 \cdots}{1 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 7 \cdots} \right\}$$

シミュレーションソフト「ウォーリスの公式による  $\pi$  の近似」を使って、 $\pi$  の近似値が求まる様子を観察してみてください。

## 2. Java アプレット

### (1) Java プログラムリスト

```
////////////////////////////////////////////////////////////////////////
//                                     //
// 「ウォーリスの公式による π の近似」                         //
// Copyright (C) K.Niwa 2002.08.11                               //
// (Java アプレット)                                         //
//                                     //
////////////////////////////////////////////////////////////////////////

// クラスの読み込み
import java.applet.Applet;
import java.awt.*;
import java.awt.event.*;
import java.lang.Math;

***** public class Wourisu extends Applet implements Runnable *****/
public class Wourisu extends Applet implements Runnable{           //スレッドを使えるようにする

// 変数とオブジェクトの型宣言
    Thread myTh;                                              //スレッド型で宣言する
    Button[] myBtn;                                             //ボタン型配列で宣言する
    Panel myPanel;                                              //パネル型で宣言する
    
```

//スレッド型で宣言する  
//ボタン型配列で宣言する  
//パネル型で宣言する

```

int flag=0;
int Speed=200; //速度
int ct=0; //実験回数
int count; //ループカウンター
double pai; //πの近似値
double sa=1; //πの近似値を求める過程で使用

***** public void init() メソッド *****
public void init() {
    setBackground(Color.lightGray); //背景色をグレーにする
    myTh=null; //スレッドの初期化

    myBtn=new Button[4]; //ボタンの实体化
    myBtn[0]=new Button("初期化");
    myBtn[1]=new Button("高速");
    myBtn[2]=new Button("低速");
    myBtn[3]=new Button("停止");

    myPanel=new Panel(); //パネルの实体化
    myPanel.setLayout(new GridLayout(1,4));
    for (count=0;count<=3;count++) {
        myPanel.add(myBtn[count]); //パネルにボタンを貼り付ける
    }
    setLayout(new BorderLayout()); //全体をボーダーレイアウトにする
    add("South",myPanel); //パネルを南に貼り付ける

    myBtn[0].addActionListener(new ActionListener() { //初期化ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=0; //ボタンの識別子
            repaint();
        }
    });

    myBtn[1].addActionListener(new ActionListener() { //高速ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=1; //ボタンの識別子
            Speed=20; //速度
            repaint();
        }
    });

    myBtn[2].addActionListener(new ActionListener() { //低速ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=2; //ボタンの識別子
            Speed=200; //速度
            repaint();
        }
    });

    myBtn[3].addActionListener(new ActionListener() { //停止ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=3; //ボタンの識別子
            repaint();
        }
    });
}

//public void init()

***** public void start() メソッド *****
public void start() {
    if (myTh==null) {
        myTh=new Thread(this); //スレッドの实体化
        myTh.start(); //スレッドの開始
    }
}

```

```

}

***** public void run() メソッド *****イベントなしで動作する*****
public void run() {
    while (true) {
        try {
            myTh.sleep(Speed);
        }
        catch (InterruptedException e) {}
        if (flag==1 || flag==2) {
            repaint();
        }
    }
}

***** public void paint(Graphics g) メソッド *****
public void paint(Graphics g) {

//初期状態または初期化ボタンを押したときのイベント処理
if(flag==0) {

    //g.clearRect(0,0,300,360);           //全体のクリア
    ct=0;                                //第何項目までの和であるかの初期化
    sa=1;                                //πの近似値を求める過程で使用
    pai=0;                               //πの近似値の初期化

    g.drawString("ウォーリスの公式によるπの近似",70-10,20+10);
    g.drawString("π = 2 { (2 · 2 · 4 · 4 · 6 · 6 · ·) / (1 · 3 · 3 · 5 · 5 · 7 · ·) } "
                ,20-15,60+10);
    g.drawString("π =",30-10,160);
    g.drawString("現在、分子分母それぞれ "+" "+" 個の整数の積で"
                ,30-10,300-100); //第何項目までの和であるかを表示
    //第何項目までの和であるかを表示
    g.drawString("近似しています...",30-10,300-100+20);
    g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.08",130,330-10); //作者表示

} //if(flag==0)

//高速ボタンまたは低速ボタンを押したときのイベント処理
else if (flag==1 || flag==2) {
    if (ct<2147483647) {
        ct=ct+1;
    }
    else {
        flag=3;
    }

    sa=sa*((double) 2*ct*2*ct)/((double) (2*ct-1)*(2*ct+1));
    pai=(double) 2*sa;

    g.drawString("ウォーリスの公式によるπの近似",70-10,20+10);
    g.drawString("π = 2 { (2 · 2 · 4 · 4 · 6 · 6 · ·) / (1 · 3 · 3 · 5 · 5 · 7 · ·) } "
                ,20-15,60+10);
    g.drawString("π =" +pai,30-10,160);
    g.drawString("現在、分子分母それぞれ "+ct+" 個の整数の積で"
                ,30-10,300-100); //第何項目までの和であるかを表示
    //第何項目までの和であるかを表示
    g.drawString("近似しています...",30-10,300-100+20);

    g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.08",130,330-10); //作者表示

} //else if (flag==1 || flag==2)
}

```

```

//停止ボタンを押したときのイベント処理
if(flag==3) {
    g.drawString("ウォーリスの公式による π の近似",70-10,20+10);
    g.drawString("π = 2 { ( 2 · 2 · 4 · 4 · 6 · 6 · · ) / ( 1 · 3 · 3 · 5 · 5 · 7 · · ) } "
                 ,20-15,60+10);
    g.drawString("π =" +pai,30-10,160);
    g.drawString("現在、分子分母それぞれ "+ct+" 個の整数の積で"
                 ,30-10,300-100); //第何項目までの和であるかを表示
    //第何項目までの和であるかを表示
    g.drawString("近似しています...",30-10,300-100+20);
    g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.08",130,330-10); //作者表示
} //if(flag==3)

} //public void paint(Graphics g)

} //public class Gregory extends Applet implements Runnable

```

## (2) HTMLリスト

```

<HTML>
  <HEAD>
  <!--
        「ウォーリスの公式による π の近似」
        Copyright (C) K.Niwa 2002.08.11
  -->
  </HEAD>
  <BODY>
    <CENTER>
      <B>「ウォーリスの公式による π の近似」</B>
      <BR><BR>
      <APPLET CODE="Wourisu.class" WIDTH="300" HEIGHT="360"></APPLET>
    </CENTER>
  </BODY>
</HTML>

```

## 3. Java アプリケーション・プログラムリスト

```

//////////F Wourisu.java////////////////////////////
//                                          //
//          「F ウォーリスの公式による π の近似」//
//          Copyright (C) K.Niwa 2002.08.17      //
//                                          //
//////////F Wourisu.java////////////////////////////

// クラスの読み込み
import java.awt.*;
import java.awt.event.*;
import java.lang.Math;

***** public class FWourisu extends Frame implements Runnable *****
public class FWourisu extends Frame implements Runnable{ //スレッドを使えるようにする

//変数とオブジェクトの型宣言
    Thread myTh;                                //スレッド型で宣言する
    Button[] myBtn;                             //ボタン型配列で宣言する
    Panel myPanel;                            //パネル型で宣言する
    int flag=0;                                  //速度
    int Speed=200;                             //実験回数
    int ct=0;                                   //ループカウンター
    int count;                                 //π の近似値
    double pai;                               //π の近似値を求める過程で使用
    double sa=1;

```

```

*****フレームとイベント処理の定義*****
public FWourisu() {

    setSize(330+20,360);                                //フレームの大きさ
    addWindowListener(new WindowAdapter() {               //閉じるボタンイベント処理
        public void windowClosing(WindowEvent e) {
            System.exit(0);
        }
    });

    myTh=null;                                         //スレッドの初期化
    if (myTh==null) {
        myTh=new Thread(this);                         //スレッドの実体化
        myTh.start();                                  //スレッドの開始
    }

    myBtn=new Button[4];                               //ボタンの実体化
    myBtn[0]=new Button("初期化");
    myBtn[1]=new Button("高速");
    myBtn[2]=new Button("低速");
    myBtn[3]=new Button("停止");

    myPanel=new Panel();                             //パネルの実体化
    myPanel.setLayout(new GridLayout(1,4));           //パネルをグリッドレイアウトにする
    for (count=0;count<=3;count++) {
        myPanel.add(myBtn[count]);                  //パネルにボタンを貼り付ける
    }
    setLayout(new BorderLayout());                   //全体をボーダーレイアウトにする
    add("South",myPanel);                          //パネルを南に貼り付ける

    myBtn[0].addActionListener(new ActionListener() { //初期化ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=0;                                 //ボタン識別子
            repaint();
        }
    });

    myBtn[1].addActionListener(new ActionListener() { //高速ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=1;                                 //ボタン識別子
            Speed=20;                               //速度
            repaint();
        }
    });

    myBtn[2].addActionListener(new ActionListener() { //低速ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=2;                                 //ボタン識別子
            Speed=200;                             //速度
            repaint();
        }
    });

    myBtn[3].addActionListener(new ActionListener() { //停止ボタンの定義
        public void actionPerformed(ActionEvent e) {
            flag=3;                                 //ボタン識別子
            repaint();
        }
    });
}

//public FWourisu()

```

```

***** public void run() メソッド ****
public void run() {
    while (true) {
        try {
            myTh.sleep(Speed);
        }
        catch (InterruptedException e) {}
        if (flag==1 || flag==2) {
            repaint();
        }
    }
}

***** public void paint(Graphics g) メソッド ****
public void paint(Graphics g) {
//初期状態または初期化ボタンを押したときのイベント処理

    if(flag==0) {
        //g.clearRect(0,0,350,360);           //全体のクリア
        ct=0;                            //第何項目までの和であるかの初期化
        sa=1;                            //πの近似値を求める過程で使用
        pai=0;                           //πの近似値の初期化
        g.drawString(" ウオーリスの公式によるπの近似",70-10,20+10+20);
        g.drawString(" π = 2 {(2 · 2 · 4 · 4 · 6 · 6 ...) / (1 · 3 · 3 · 5 · 5 · 7 ...) } "
                     ,20,60+10+20);
        g.drawString(" π =",30-10,160);
        g.drawString("現在、分子分母それぞれ "+" "+" 個の整数の積で"
                     ,30-10,300-100); //第何項目までの和であるかを表示
        //第何項目までの和であるかを表示
        g.drawString("近似しています...",30-10,300-100+20);
        g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.08",130,330-10); //作者表示
    }//if(flag==0)

//高速ボタンまたは低速ボタンを押したときのイベント処理
    else if (flag==1 || flag==2) {
        if (ct<2147483647) {
            ct=ct+1;
        }
        else {
            flag=3;
        }
        sa=sa*((double) 2*ct*2*ct)/((double) (2*ct-1)*(2*ct+1));
        pai=(double) 2*sa;
        g.drawString(" ウオーリスの公式によるπの近似",70-10,20+10+20);
        g.drawString(" π = 2 {(2 · 2 · 4 · 4 · 6 · 6 ...) / (1 · 3 · 3 · 5 · 5 · 7 ...) } "
                     ,20,60+10+20);
        g.drawString(" π =" +pai,30-10,160);
        g.drawString("現在、分子分母それぞれ "+ct+" 個の整数の積で"
                     ,30-10,300-100); //第何項目までの和であるかを表示
        //第何項目までの和であるかを表示
        g.drawString("近似しています...",30-10,300-100+20);
        g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.08",130,330-10); //作者表示
    }//else if (flag==1 || flag==2)

//停止ボタンを押したときのイベント処理
    if(flag==3) {
        g.drawString(" ウオーリスの公式によるπの近似",70-10,20+10+20);
        g.drawString(" π = 2 {(2 · 2 · 4 · 4 · 6 · 6 ...) / (1 · 3 · 3 · 5 · 5 · 7 ...) } "
                     ,20,60+10+20);
        g.drawString(" π =" +pai,30-10,160);
        g.drawString("現在、分子分母それぞれ "+ct+" 個の整数の積で"
                     ,30-10,300-100); //第何項目までの和であるかを表示
        //第何項目までの和であるかを表示
        g.drawString("近似しています...",30-10,300-100+20);
    }
}

```

```
        g.drawString("Copyright(C) K.Niwa 2002.08",130,330-10); //作者表示
    } //if(flag==3)
} //public void paint(Graphics g)

*****main メソッドで Java アプリケーションには必ず必要である*****
public static void main(String[] args) {
    Frame w=new FWourisu();
    w.show();
} //public static void main(String[] args)

} //public class FWourisu extends Frame implements Runnable
```